

# UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA Centro de Blumenau Departamento de Ciências Exatas e Educação

# Plano de Ensino

Identificação da disciplina

Código da disciplina	Nome da disciplina	Créditos semanais		Carga horária semestral	PCC		
		Teóricos	Práticos	Carga noraria semestrar	rec		
BLU6905	Geometria Analítica e Álgebra Linear	06		108	-		

#### Pré-Requisitos

Nome e código da disciplina	-

Identificação da oferta

Cursos	Turma	Ano/semestre
Engenharia de Materiais	01753	2022/1

Professores ministrantes	E-mail
Simone Ossani	s.ossani@ufsc.br

# Objetivos da disciplina

Ao final da disciplina o aluno devera ser capaz de:

- 1. Realizar operações elementares com matrizes e vetores;
- 2. Dominar alguns métodos de resolução de sistemas lineares;
- 3. Reconhecer equações de retas e planos;
- 4. Identificar e aplicar as propriedades e conceitos relacionados aos espaços vetoriais;
- 5. Determinar os autovalores e autovetores de matrizes;
- **6.** Diagonalizar matrizes simétricas.

#### **Ementa**

Álgebra Vetorial e Geometria no Espaço. Matrizes e Sistemas de Equações Lineares. Retas e Planos. Seções Cônicas. Superfícies e Curvas no Espaço. Espaços Vetoriais. Transformações Lineares. Autovalores e Autovetores.

#### Conteúdo programático

## 1. Matrizes e sistemas lineares

- 1.1 Álgebra matricial (Adição, Multiplicação por escalar, Matriz nula, Matriz inversa)
- 1.2 Produto de matrizes (Produto escalar, Produto vetorial)
- 1.3 Matrizes transpostas

- 1.4 Determinante
- 1.5 Solução de sistemas lineares (geometria das equações lineares, sistemas lineares e escalonamento, fatoração LU, aplicações).

#### 2. Álgebra vetorial e geometria do espaço

- 2.1 Conceito de vetor
- 2.2 Operações elementares com vetores (adição, multiplicação por escalar)
- 2.3 Combinação linear, produto escalar, norma, produto vetorial e produto misto e aplicações.

#### 3. Retas e planos

- 3.1 Equações do plano
- 3.2 Ângulo entre dois planos
- 3.3 Equações de retas no espaço
- 3.4 Ângulo entre duas retas
- 3.5 Distâncias (de um ponto a um plano, de um ponto a uma reta, entre duas retas, etc)
- 3.6 Interseção de planos

#### 4. Espaços vetoriais

- 4.1 Definição, propriedades, produto interno em Rn.
- 4.2 Projeção ortogonal.
- 4.3 Desigualdades de Cauchy-Schwarz.
- 4.4 Subespacos.
- 4.5 Dependência e independência linear.
- 4.6 Base e dimensão.
- 4.7 Processo de ortogonalização de Gram-Schmidt.

# 5. Transformações lineares

- 5.1 Definição, Núcleo e imagem
- 5.2 Matriz de uma transformação linear
- 5.3 Projeções
- 5.4 Transformações ortogonais

#### 6. Autovalores e Autovetores

- 6.1 Definição
- 6.2 Polinômio característico
- 6.3 Autoespaços
- 6.4 Diagonalização de matrizes simétricas (teorema espectral)
- 6.5 Aplicações

# 7. Seções cônicas

- 7.1 Curvas e parametrização
- 7.2 Definição e dedução das equações da elipse, da parábola e da hipérbole
- 7.3 Equação geral de segundo grau com duas variáveis
- 7.4 Rotação e translação de eixos. Identificação das cônicas

#### 8. Superfícies Quádricas e curvas no espaço

- 8.1 Equação de segundo grau com três variáveis
- 8.2 Esfera, Elipsoide, Hiperboloide (de uma e de duas folhas), Parabolóide (elítico e hiperbólico), Cilindros, Cones

# Metodologia

Procedimentos: Aulas expositivas e dialogadas. Listas de exercícios. Aulas de resolução de exercícios.

Recursos: Régua, caneta e quadro branco. Plataforma Moodle (moodle.ufsc.br).

### Avaliação

A avaliação será desenvolvida através de três provas. Será calculada a média aritmética das notas obtidas nas avaliações e será considerado aprovado o aluno que tiver, além de frequência suficiente, média maior ou igual a 6,0.

# Recuperação

O aluno com frequência suficiente, e com média das avaliações entre 3,0 e 5,5, terá direito a uma nova avaliação, no final do semestre, abordando todo o conteúdo programático. A nota final desse aluno será calculada através da média aritmética entre a média das avaliações anteriores e a nota da nova avaliação. Será considerado aprovado o aluno que tiver a nota final maior ou igual a 6,0.

#### Cronograma

Meses Atividades

Abril e Maio Matrizes, Sistemas de Equações Lineares, Álgebra

Vetorial, Retas e Planos.

Prova 1: 19/05/2022

Maio e Junho Espaços Vetoriais, Transformações Lineares, Autovalores e

Autovetores.

Prova 2: 23/06/2022

Junho e Julho Seções Cônicas, Superfícies e Curvas no Espaço.

Prova 3: 27/07/2022

Agosto Recuperação: 01/08/2022

#### Bibliografia

#### Básica

[1] STRANG, Gilbert. Introdução a álgebra linear. 4. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2013. 428p.

[2] ANTON, Howard; RORRES, Chris. Álgebra linear: com aplicações. 10. ed. Porto Alegre: Bookman, 2012. 768p.

[3] STEINBRUCH, Alfredo; WINTERLE, Paulo. Geometria analítica. [2. ed.]. São Paulo: Pearson, c1987. 292p.

#### Complementar

[1] BOLDRINI, Jose Luiz, et al. Álgebra linear. 3.ed. São Paulo: Harbra, 1986. 411p.

[2] STRANG, Gilbert. Álgebra linear e suas aplicações. São Paulo: Cengage Learning, 2010x, 444p.

[3] LEON, Steven J. Álgebra linear com aplicações. 8. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2011. 451p.

[4] KOLMAN, Bernard; HILL, David R. **Introdução a álgebra linear com aplicações**. 8. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2006. 664p.

[5] SHIFRIN, Theodore; ADAMS, Malcolm Ritchie. **Álgebra linear: uma abordagem geométrica**. 2. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2013. 357 p.

[6] LIPSCHUTZ, Seymour; LIPSON, Marc. Álgebra linear. 4. ed. Porto Alegre: Bookman, 2011. 432 p. (Coleção Schaum)

[7] SANTOS, Reginaldo. **Um Curso de Geometria Analtica e Álgebra Linear.** Belo Horizonte: Imprensa Universitária da UFMG, 2012. Disponível em: <a href="http://www.mat.ufmg.br/~regi/livros.html">http://www.mat.ufmg.br/~regi/livros.html</a>). Acesso em 28 junho 2016.