

## UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA

Centro Tecnológico, de Ciências Exatas e Educação Departamento de Matemática Curso de Graduação em Licenciatura em Matemática

## Plano de Ensino

Identificação da disciplina					
Código da disciplina	Nome da disciplina	Carga horária semanal (h/a)			Carga horária
		Teóricos	PCC	Extensão	semestral (h/a)
MAT4641	Álgebra Linear II	4	_	_	72

Identificação da oferta			
Curso(s)	Turma	Ano/semestre	
756 - MATEMÁTICA - Licenciatura	06756	2025/2	

Pré-requisitos		
MAT4541	Álgebra Linear I	

Horários da disciplina	Horário de Atendimento	
2.1010-2: A205 4.0820-2: A204	2.1330-1: SN303.  Demais horários: mediante agendamento.	

Professores ministrantes	E-mail
André Vanderlinde da Silva	andre.vanderlinde@ufsc.br

# Objetivos da disciplina

- Generalizar o conceito de produto escalar de vetores ao conceito de produto interno em espaços vetoriais.
- Estudar autovalores e respectivos autovetores de operadores lineares.
- Estudar propriedades dos operadores normais.
- Estudar algumas decomposições matriciais e algumas aplicações práticas.
- Identificar cônicas a partir da diagonalização de formas quadráticas.

## Ementa

Espaços vetoriais com produto interno. Diagonalização de operadores. Introdução à álgebra linear numérica.

#### Conteúdo programático

#### 1. Espaços Vetoriais com Produto Interno:

- 1.1 Produto interno: Definição e exemplos.
- 1.2 Norma definida por produto interno.
- 1.3 Desigualdade de Cauchy-Schwartz.
- 1.4 Ângulo entre vetores. Ortogonalidade.
- 1.5 Projeção ortogonal sobre um espaço finitamente gerado.
- 1.6 Bases ortogonais. Processo de Ortogonalização de Gram-Schmidt.
- 1.7 Operador adjunto.

#### 2. Diagonalização de Operadores:

- 2.1 Autovalores e autovetores.
- 2.2 Polinômio característico.
- 2.3 Operador diagonalizável. Potências de operador diagonalizável.
- 2.4 Subespaços invariantes e autoespaços.
- 2.5 Operadores auto-adjuntos
- 2.6 Operadores ortogonais. Operadores normais.
- 2.7 Espaços vetoriais complexos. Operadores hermitianos. Operador unitário.
- 2.8 Teorema de Schur e Teorema Espectral.

#### 3. Introdução à Álgebra Linear Numérica:

- 3.1 Matrizes Positivas Definidas e Fatoração de Cholesky.
- 3.2 Decomposição em Valores Singulares.

## Metodologia

#### **Procedimentos:**

- (i) Aulas expositivas e dialogadas;
- (ii) Atividades teórico-práticas;
- (iii) Provas escritas de avaliação conceitual;
- (iv) Atividades via plataforma Moodle.

#### Recursos:

- (i) Materiais didáticos construídos em atividades teórico-práticas durante o semestre;
- (iii) Plataforma Moodle (moodle.ufsc.br): listas de exercícios e material complementar.

## Avaliação

A avaliação é composta de:

- duas avaliações individuais (A<sub>1</sub> e A<sub>2</sub>);
- lista de exercícios compondo a nota A<sub>3</sub>.

Dessa forma, a Média Parcial será ponderada da seguinte forma:

$$MP = [A_1 + A_2 + A_3]/3$$

- O estudante está aprovado se MP for maior ou igual a 6,0, e reprovado caso MP for menor do que 3,0. Nesse caso, a sua *Média Final (MF)* é MF=MP;
- Se MP estiver entre 3,0 e 5,5, o(a) estudante tem direito, conforme Resolução nº 017/Cun/1997, à Recuperação (R) e sua *Média Final (MF)* é a média aritmética entre MP e R, isto é,

$$MF = (MP + R)/2.$$

Cronograma		
Período	Atividade	
Semanas 1, 2, 3, 4, 5 e 6	Seções 1.1, 1.2, 1.3, 1.4, 1.5, 1.6 e 1.7	
Semana 7	Avaliação ${ m A_1}$	
Semanas 8, 9, 10, 11, 12 13	Seções 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5, 2.6, 3.1 e 3.2	
Semana 14	Avaliação ${\rm A_2}$	

Semanas 15 e 16	Seções 2.7 e 2.8
Semana 17	Avaliação ${ m A_3}$
Semana 18	Recuperação

<sup>\*</sup>O cronograma poderá sofrer alterações durante o semestre, desde que combinada com a turma.

## Bibliografia Básica

- [1] LIMA, E. L.. Álgebra linear. 8 ed. Rio de Janeiro: IMPA, 2009. (Coleção matemática universitária).
- [2] SHIFRIN, T.; ADAMS, M. R. Álgebra linear: uma abordagem geométrica. 2. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2013.
- [3] STRANG, G. Introdução à álgebra linear. 4 ed. Rio de Janeiro: LTC, c2013.

# Bibliografia Complementar

- [1] BOLDRINI, J. L., et al. Álgebra linear. 3.ed. São Paulo: Harbra, 1986.
- [2] CALLIOLI, C. A, et al. Álgebra Linear e Aplicações. Ed. Atual, São Paulo, 1990.
- [3] KOLMAN, B.; HILL, D. R. Introdução à álgebra linear com aplicações. 8. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2006.
- [4] LEON, S. J. Álgebra linear com aplicações. 8. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2011.
- [5] LIMA, E. L. Álgebra Linear. 9a edição. Rio de Janeiro, RJ: IMPA, 2016.
- [6] STEINBRUCH, A.; WINTERLE, P. Álgebra linear. 2. ed. São Paulo: Pearson Makron Books, 1987.